

استاد: استاد نوید ظریفیان

مبحث: در ستاره تفصیلی فیزیک چهارم حرکت نوسانی


www.physics4physics.com

تعداد صفحات: ۹۴

از این فیزیک


ریاضی (۲) ۰.۵

تجربی (۲) ۰.۷



سایه دراز لنگر ساعت  
روی بیابان بی پایان در نوسان بود  
می آمد می رفت  
می آمد می رفت  
و من روی شن های روشن بیابان تصویر خواب کوتاهم را می کشیدم.  
سهراب

# نوسان



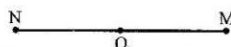
نویسنده: نوید ظریفیان  
www.physics4physics.com  
info@physics4physics.com  
۰ ۹ ۱ ۲ ۸ ۲ ۰ ۵ ۶ ۷ ۷

صفحه	اهمیت T	R	موضوع	بخش
۷۳	☆☆☆☆☆	☆☆☆☆☆	معادلات و نمودارها	۱۹۱
۸۵	☆☆☆☆☆	☆☆☆☆☆	اوتنگ - انرژی نوسانگر	۱۹۵

هر ستاره به معنی ۲۰٪ احتمال طرح در کنکور ۹۵ می باشد.

### حرکت هماهنگ ساده

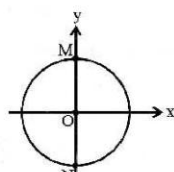
حرکت مکرر یک جسم بر روی یک پاره خط ثابت و در طرفین نقطه‌ای واقع در وسط پاره خط را حرکت هماهنگ ساده گویند. تابع مکان - زمان این حرکت یک تابع سینوسی ساده است که کمی جلوتر به تحلیل آن خواهیم پرداخت. با این تعریف، حرکت هماهنگ ساده نوعی حرکت دوره‌ای است.



دستگاهی که دارای حرکت هماهنگ ساده است را نوسانگر هماهنگ ساده می‌نامیم. این نوسانگر بر روی پاره خط MN (مطابق شکل) و حول نقطه‌ای O که آنرا مبدأ نوسان می‌نامیم، حرکت می‌کند. حالا به معرفی چند کمیت این مبحث می‌پردازیم:

- پاره خط نوسان:** پاره خط MN که نوسانگر روی آن نوسان می‌کند را پاره خط نوسان می‌نامیم.
- مبدأ نوسان:** نقطه‌ای O که در آن نوسانگر در حال تعادل است را مبدأ محور مختصات فرض می‌کنیم و آن را مبدأ نوسان می‌نامیم. مکان نوسانگر در هر لحظه نسبت به این نقطه بیان می‌گردد.
- بُعد یا مکان نوسانگر:** مختصده نقطه‌ای که نوسانگر در هر لحظه در آن قرار دارد را بُعد یا مکان نوسانگر می‌گویند. از این تعریف در می‌یابیم بُعد تابعی از زمان است. بُعد را می‌توان به صورت یک بردار که ابتدای آن نقطه‌ی O و انتهای آن محل قرار گرفتن جسم است نشان داد (این بردار همان بردار مکان است که در فصل حرکت‌شناسی خوانده‌اید).

- دامنه:** بیشترین فاصله‌ای که نوسانگر می‌تواند از مبدأ داشته باشد را دامنه می‌نامند؛ یعنی دامنه پاره خطی است به اندازه‌ی OM یا ON. نماد دامنه است. توجه داشته باشید که دامنه مقدار مثبت ثابتی است و با زمان تغییر نمی‌کند.
- نوسان کامل:** هر بار که نوسانگر به وضعیت اولیه‌ی خود باز می‌گردد یک نوسان کامل انجام داده است. حتماً به این نکته توجه کنید که منظور از وضعیت فقط مکان قرار گرفتن نوسانگر نیست بلکه جهت حرکت آن را نیز شامل می‌شود.
- دوره (پریود):** دوره، بازه‌ی زمانی یک نوسان کامل است. به عبارت دیگر زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر یک نوسان کامل انجام دهد را دوره با پریود می‌گویند. آن را با حرف T نشان می‌دهند و یکای آن در SI، ثانیه می‌باشد.
- بسامد (فرکانس):** تعداد نوسان‌های کامل در یک ثانیه را بسامد گویند. آن را با حرف f نمایش می‌دهند و یکای آن در SI بر ثانیه  $(s^{-1})$  می‌باشد که به افتخار هاینریش هرتز این واحد را هرتز (Hz) نامیده‌اند.



### دایره مرجع

نوسانگر هماهنگ ساده‌ای بر روی پاره خط MN و حول مبدأ O با دامنه‌ی A نوسان می‌کند. مطابق شکل اگر دایره‌ای به شعاع A و با مرکز O رسم نماییم، نام آن دایره، دایره مرجع خواهد بود.

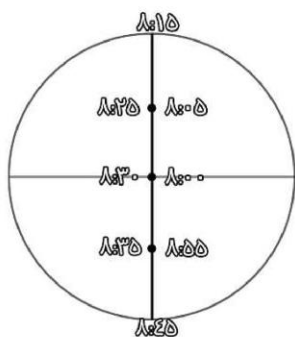
(۱) **ارتباط حرکت نوسانی ساده، با حرکت دایره‌ای یکنواخت:** اگر متحرکی بر روی محیط دایره‌ی مرجع حرکت دایره‌ای یکنواخت انجام دهد، تصویر حرکتش بر روی پاره خط MN، حرکت نوسانی ساده انجام خواهد داد. یا بالعکس اگر متحرکی بر روی پاره خط MN حرکت نوسانی ساده انجام دهد، تصویر این حرکت بر روی محیط دایره‌ی مرجع، حرکت دایره‌ای یکنواخت خواهد بود.

(۲) **فاز حرکت:** آن چه را که در حرکت دایره‌ای، مکان زاویه‌ای ( $\theta$ ) نامیدیم، در دایره‌ی مرجع حرکت نوسانی ساده فاز حرکت می‌نامیم و آن را با  $\varphi$  نشان می‌دهیم. به عبارت دیگر فاز حرکت، مکان زاویه‌ای متحرک B (بر روی دایره‌ی مرجع) در هر لحظه می‌باشد.

(الف)	(ب)	(پ)	(ت)
نوسانگر B' در طرف مثبت پاره خط نوسان $(y > 0)$ و در حال دور شدن از مبدأ $(V > 0)$ می‌باشد. ربع اول: $0 < \varphi < \frac{\pi}{4}$	نوسانگر B' در طرف مثبت پاره خط نوسان $(y > 0)$ و در حال نزدیک شدن به مبدأ $(V < 0)$ می‌باشد. ربع دوم: $\frac{\pi}{4} < \varphi < \pi$	نوسانگر B' در طرف منفی پاره خط نوسان $(y < 0)$ و در حال دور شدن از مبدأ $(V < 0)$ می‌باشد. ربع سوم: $\pi < \varphi < \frac{3\pi}{4}$	نوسانگر B' در طرف منفی پاره خط نوسان $(y < 0)$ و در حال نزدیک شدن به مبدأ $(V > 0)$ می‌باشد. ربع چهارم: $\frac{3\pi}{4} < \varphi < 2\pi$



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



**تعاریف و روابط:** حرکتی با شتاب متغیر است میان دو نقطه مشخص که بر روی یک پاره خط در زمانی یکسان تکرار می گردد. نوسانگر در هر نوسان، دوبار پاره خط و چهار بار دامنه نوسان را طی می کند. برای فهم بهتر این حرکت از یک شبیه ساز که بر روی دایره ای در حال چرخش است، استفاده می کنیم. راننده ما اگر ۸ صبح از مرکز شروع به حرکت کند و دوره حرکتش یک ساعت باشد، مسیر را در زمان های روبرو طی می کند: همانطور که می بینید، سرعت در بالا و پایین صفر می شود و در مرکز بیشینه است. بنابراین زمانی که نیمه دامنه نزدیک به مرکز را طی می کند (۵ دقیقه) با نیمه دوم دامنه متفاوت است (۱۰ دقیقه).  
برای فهم این موضوع به سراغ شبیه ساز می رویم و ضربدرهای معروفمان:

$$T = \frac{1}{f} \quad \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

$$a = -\omega^2 X$$

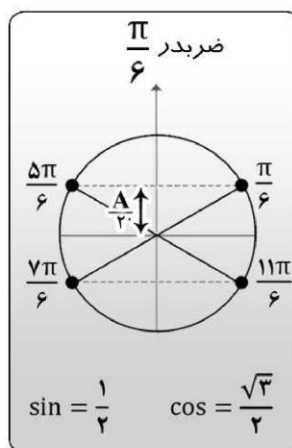
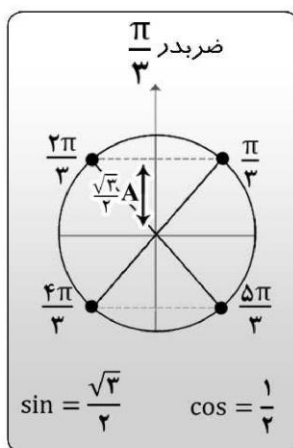
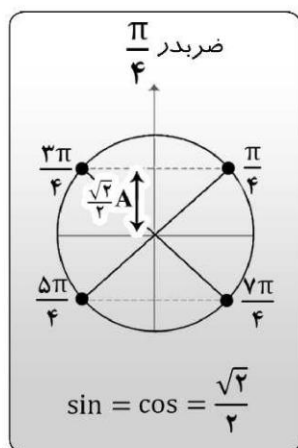
$$F = -m\omega^2 X$$

$$X = A \sin(\omega t + \varphi)$$

$$V = A\omega \cos(\omega t + \varphi)$$

$$a = -A\omega^2 \sin(\omega t + \varphi)$$

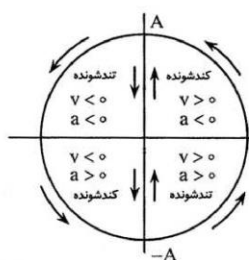
$$F = -mA\omega^2 \sin(\omega t + \varphi)$$



$$\sin = \frac{X}{X_M} = \frac{a}{a_M} = \frac{F}{F_M}$$

$$\cos = \frac{V}{V_M}$$

چند اصطلاح: از متن سوال بی می بریم روی کدام ضربدر هستیم. یکی از روش هایی که طراح استفاده می کند، استفاده از نسبت های روبروست:



نوع حرکت: هرگاه به مبدأ نزدیک بشه حرکت تندشوندست و هرگاه از مبدأ دور بشه حرکت کندشوندست.



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



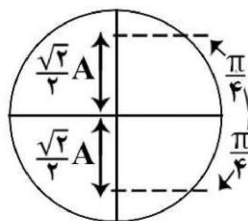
تبدیلات فازی: استفاده از تبدیلات زمانی و فازی زیر بسیار مهم است:

$$\frac{T}{2} \equiv \pi \quad \frac{T}{3} \equiv \frac{2\pi}{3} \quad \frac{T}{4} \equiv \frac{\pi}{2} \quad \frac{T}{6} \equiv \frac{\pi}{3} \quad \frac{T}{8} \equiv \frac{\pi}{4}$$

سرعت متوسط: سرعت متوسط زمانی بیشینه میشه که با  $\Delta x$  بیشینه بشه و یا  $\Delta t$  کمینه بشه. این دو اتفاق حول مرکز نوسان رخ میدهند.

$$\bar{v}_{Max} = \frac{\Delta x_{Max}}{\Delta t} \equiv \frac{\Delta x}{\Delta t_{min}}$$

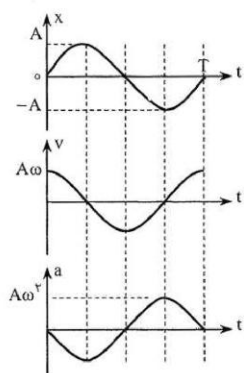
مثال: اگر تو سوال گفت  $\bar{v}_{Max}$  در  $\frac{T}{4}$  ؟



همانطور که می دانیم در  $\frac{T}{4}$  متحرک  $\frac{\pi}{4}$  فاز طی می کنه این فاز باید حول مرکز نوسان باشه؛ یعنی  $\frac{\pi}{4}$  بالا و پایین. مطابق شکل:

$$\begin{array}{ccc} \sin & \xrightarrow{-\frac{\pi}{4}} & \cos \\ & & \xrightarrow{-\frac{\pi}{4}} -\sin \\ \cos & \xrightarrow{+\frac{\pi}{4}} & \sin \\ & & \xrightarrow{+\frac{\pi}{4}} -\cos \end{array}$$

هر چند تبدیل مثلثاتی!

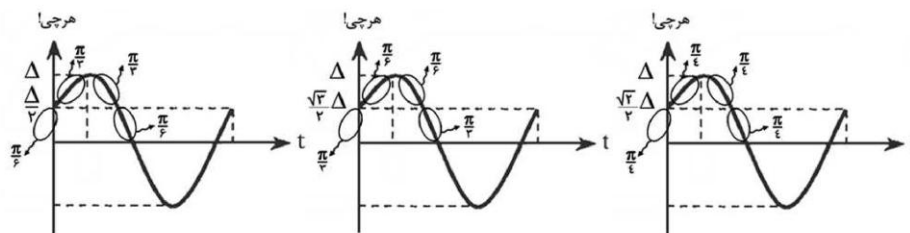


نمودار: نمودارهای استاندارد مکان، سرعت و شتاب مطابق شکل روبروست:  
فازشماری:

برای این کار اهمیتی نداره که نمودار چیست، فقط رعایت قوانین بسیار مهم است:

$$\begin{array}{l} \text{وقتی بغل } \frac{1}{4} \text{ بشه، فاز تا افق } \frac{\pi}{6} \\ \text{وقتی بغل } \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ بشه، فاز تا افق } \frac{\pi}{3} \\ \text{وقتی بغل } \frac{\sqrt{2}}{4} \text{ بشه، فاز تا افق } \frac{\pi}{4} \end{array}$$

مطابق شکل های زیر:



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مثال ۱

اگر در مدت  $\frac{1}{3}$  ثانیه فاز حرکت نوسانگر ساده ای  $\frac{\pi}{3}$  رادیان تغییر کند، دوره ی نوسانات آن چند ثانیه است؟

- ۱/  $\frac{1}{6}$  (۱)      ۲/  $\frac{1}{8}$  (۲)      ۳/  $\frac{1}{20}$  (۳)      ۴/  $\frac{2}{5}$  (۴)

Zarfifian

مثال ۲

اگر نوسانگری که روی پاره خطی حرکت نوسانی ساده دارد، در هر دقیقه ۲۰ بار این پاره خط را بپیماید؛ دوره آن را بیابید؟

- ۱/  $\frac{1}{6}$  (۱)      ۲/  $\frac{1}{3}$  (۲)      ۳/ ۳ (۳)      ۴/ ۶ (۴)

Zarfifian



مثال ۳

نوسانگری در لحظه  $t_1 = 18$  در فاز  $\frac{\pi}{2}$  rad و در لحظه  $t_2 = 38$  در فاز  $\frac{4\pi}{3}$  rad است. دوره ی این نوسانگر چند ثانیه است؟

- ۱/  $\frac{2}{4}$  (۱)      ۲/  $\frac{4}{8}$  (۲)  
۳/  $\frac{7}{2}$  (۳)      ۴/  $\frac{9}{6}$  (۴)

Zarfifian

مثال ۴

نوسانگر هماهنگ ساده ای پاره خطی به طول ۲۰ cm را در هر دقیقه ۱۲۰۰ بار می پیماید. این نوسانگر در مبدأ زمان در مکان  $y = +5$  cm و در حال دور شدن از مرکز نوسان است. معادله ی حرکت نوسانگر در SI کدام است؟

- ۱/  $y = 5 \sin(\pi t + \frac{\pi}{6})$  (۱)      ۲/  $y = 5 \sin(2\pi t + \frac{\pi}{6})$  (۲)  
۳/  $y = 5 \sin(2\pi t + \frac{5\pi}{6})$  (۳)      ۴/  $y = 5 \sin(\pi t + \frac{\pi}{6})$  (۴)

Zarfifian

مثال ۵

معادله ی حرکت نوسانگری در SI به صورت  $y = 2 \sin(\pi t + \frac{\pi}{3})$  است. چند ثانیه پس از لحظه  $t = 0$ ، نوسانگر برای اولین بار از مکان اولیه اش عبور می کند؟

- ۱/  $\frac{1}{3}$  (۱)      ۲/  $\frac{2}{3}$  (۲)  
۳/ ۱ (۳)      ۴/ ۲ (۴)

Zarfifian

مثال ۶

در یک حرکت نوسانی ساده، در فواصل زمانی  $\frac{1}{2}$  ثانیه، سرعت متحرک صفر می شود. بسامد حرکت چند هرتز است؟

- ۱/ ۱ (۱)      ۲/ ۲ (۲)  
۳/ ۵ (۳)      ۴/ ۱۰ (۴)

Zarfifian



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مثال ۷

ذره ای روی روی پاره خطی به طول ۱۰ cm نوسان می کند. نسبت اندازه سرعت آن در مکان  $x = 3 \text{ cm}$  به اندازه سرعت آن در مکان  $x = 4 \text{ cm}$  کدام است؟

$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)	$\frac{2}{\sqrt{3}}$ (۲)
$\frac{3}{4}$ (۳)	$\frac{4}{3}$ (۴)

Zarfian

مثال ۸

در یک حرکت نوسانی ساده با دامنه ۳ سانتیمتر و دوره ۴ ثانیه، اگر بعد حرکت در لحظه صفر برابر ۱/۵ سانتی متر و جهت حرکت مثبت باشد، بعد آن در لحظه ۶ چند سانتیمتر است؟

$-1/5\sqrt{3}$ (۱)	$-1/5$ (۲)
$1/5\sqrt{3}$ (۳)	$3$ (۴)

Zarfian

مثال ۹

در حرکت نوسانی ساده در لحظه ای که بعد حرکت  $\frac{1}{5}$  بعد بیشینه است، سرعت نوسانگر چه کسری از سرعت بیشینه است؟

$\frac{4}{5}$ (۱)	$\frac{\sqrt{24}}{5}$ (۲)
$\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (۳)	$\frac{16}{25}$ (۴)

Zarfian

مثال ۱۰

مکان نوسانگر ساده ای در مبدأ زمان برابر دامنه است. در لحظه  $t = \frac{1}{6}T$  اندازه ی سرعت نوسانگر چند برابر بیشینه ی سرعتش است؟

صفر (۱)	$\frac{1}{3}$ (۲)
$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۳)	$1$ (۴)

Zarfian

مثال ۱۱

معادله ی سرعت نوسانگری در SI به صورت  $v = 1/6\pi \cos(4\pi t + \frac{\pi}{4})$  می باشد. در لحظه  $t = \frac{1}{24}$  s، فاصله ی نوسانگر از مرکز نوسان چند سانتی متر است؟

$\sqrt{2}$ (۱)	$2$ (۲)
$2\sqrt{2}$ (۳)	$4$ (۴)

Zarfian

مثال ۱۲

در یک حرکت نوسانی ساده،  $\frac{1}{2}$  ثانیه پس از آن که مکان نوسانگر ساده به اندازه ی نصف دامنه شد، اندازه ی سرعت نوسانگر به اندازه ی نصف بیشینه ی سرعت می شود. بیشترین مقدار ممکن برای دوره ی این نوسانگر چند ثانیه است؟

$2/4$ (۱)	$1/8$ (۲)
$1/2$ (۳)	$0/6$ (۴)

Zarfian

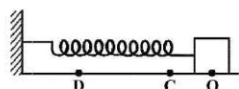


خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
**نوسان**



مثال ۱۳

در شکل زیر، سطح افقی بدون اصطکاک است و جسم در نقطه O ساکن می باشد. جسم را یک بار تا نقطه C و بار دیگر تا نقطه D جابه جا کرده و سپس رها می کنیم تا نوسان کند. اگر  $OD = 4OC$  باشد، دوره نوسان جسم در حالت دوم، چند برابر حالت اول است؟



- ۱ (۱) ۲ (۲)  
 ۴ (۳) ۱۶ (۴)

Farifian

مثال ۱۴

بیشینه ی شتاب نوسانگر هماهنگ ساده ای  $30 \text{ m/s}^2$  است. در یک لحظه، فاصله ی نوسانگر از دو انتهای مسیر ۲ cm و ۸ cm می شود. اندازه ی شتاب نوسانگر در این لحظه چند متر بر مجذور ثانیه است؟

- ۶ (۱) ۹ (۲)  
 ۱۲ (۳) ۱۸ (۴)

Farifian

مثال ۱۵

نوسانگر هماهنگ ساده ای به جرم  $20 \text{ g}$  روی پاره خطی به طول  $40 \text{ cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. اگر بزرگی شتاب نوسانگر در فاصله ی  $10$  سانتی متری مرکز نوسان  $30 \text{ m/s}^2$  باشد، بزرگی نیروی بیشینه ی وارد بر آن چند نیوتون است؟

- ۰/۶ (۱) ۱/۲ (۲)  
 ۶۰۰ (۳) ۱۲۰۰ (۴)

Farifian

مثال ۱۶

معادله ی حرکت نوسانگری در SI به صورت  $x = 2 \sin(\frac{\pi}{4}t + \frac{\pi}{6})$  است. این نوسانگر در مدت یک دقیقه چندبار طول مسیر نوسان را طی می کند؟

- ۱۵ (۱) ۳۰ (۲)  
 ۶۰ (۳) ۱۲۰ (۴)

Farifian

مثال ۱۷

معادله ی شتاب نوسانگری در SI، به صورت  $a = 8\pi \cos(10\pi t + \frac{2\pi}{3})$  است. سرعت نوسانگر در لحظه ی  $t = \frac{1}{30} \text{ s}$  چند  $\text{m/s}$  است؟

- ۰/۸ (۱) ۲ (۲) صفر  
 ۰/۴ (۳) -۰/۴ (۴)

Farifian

مثال ۱۸

نوسانگری روی محور X نوسان می کند و معادله ی آن در SI به صورت  $4 \frac{d^2x}{dt^2} + 25\pi^2 x = 0$  است. بسامد آن چند هرتز است؟

- ۴ (۱) ۲/۵ (۲)  
 ۱/۲۵ (۳) ۵/۶ (۴)

Farifian



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مث ۱۹  
در یک حرکت هماهنگ ساده با دوره  $T$ ، کوتاه ترین زمانی که طول می کشد تا نوسانگر جابه جایی به اندازه یک دامنه (A) طی کند، کدام گزینه است؟

(۱)  $\frac{T}{4}$       (۲)  $\frac{T}{8}$   
(۳)  $\frac{T}{6}$       (۴)  $\frac{T}{3}$

Zarfian

مث ۲۰  
در یک حرکت هماهنگ ساده، بلندترین زمانی که طول می کشد تا نوسانگر مسافتی به اندازه  $y$  یک دامنه طی کند، کدام گزینه است؟

(۱)  $\frac{T}{4}$       (۲)  $\frac{T}{6}$   
(۳)  $\frac{T}{3}$       (۴)  $\frac{T}{8}$

Zarfian

مث ۲۱  
اگر دامنه ارتعاش یک نوسانگر ساده  $8\text{ m}$  و دوره آن  $4\text{ s}$  باشد، سرعت متوسط آن در یک بازه زمانی به مدت  $2\text{ s}$ ، چند متر بر ثانیه می تواند باشد؟

(۱) صفر      (۲) ۴  
(۳) ۸      (۴) هر یک از گزینه های دیگر، ممکن است باشد.

Zarfian

مث ۲۲  
نوسانگری با دوره  $T$  و دامنه  $A$  حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. بیشینه اندازه سرعت متوسط این نوسانگر وقتی به اندازه  $A$  جابه جا می شود، کدام است؟

(۱)  $\frac{6A}{T}$       (۲)  $\frac{7A}{T}$   
(۳)  $\frac{4A}{T}$       (۴)  $\frac{5A}{T}$

Zarfian

مث ۲۳  
دامنه نوسان یک نوسانگر ساده  $10$  سانتیمتر و بسامد آن  $25$  هرتز است. مقدار بیشینه سرعت متوسط نوسانگر، در یک بازه زمانی معادل  $\frac{1}{4}$  دوره، چند متر بر ثانیه است؟

(۱)  $2\sqrt{2}$       (۲)  $5\sqrt{2}$       (۳) ۱۰      (۴)  $10\sqrt{2}$

Zarfian





خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مثال ۱۱۴

در یک حرکت هماهنگ ساده با دامنه  $5\text{cm}$  در  $2$  سانتی متری انتهای مسیر سرعت نوسانگر  $12\pi \frac{\text{cm}}{\text{s}}$  است. بسامد نوسانات چند هرتز است؟

- (۱)  $\frac{2}{3}$   
(۲)  $\frac{1}{3}$   
(۳)  $3$   
(۴)  $\frac{1}{2}$

Zarfian

$$v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$

مثال ۱۱۵

در یک حرکت هماهنگ ساده با دوره  $0.2\text{s}$  و دامنه  $4\text{cm}$  هنگام عبور نوسانگر از محل تعادل به آن در جهت حرکت سرعت اولیه ای داده می شود به طوری که دامنه ی نوسان  $4\text{cm}$  می شود، سرعت اولیه داده شده چند  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  است؟

- (۱)  $10\pi$   
(۲)  $20\pi$   
(۳)  $30\pi$   
(۴)  $40\pi$

Zarfian

مثال ۱۱۶

در یک حرکت هماهنگ ساده، سرعت نوسانگر در مکان های  $x_1 = 4\text{cm}$  و  $x_2 = 4\sqrt{2}\text{cm}$  به ترتیب برابر  $v_1 = 2\sqrt{2} \frac{\text{cm}}{\text{s}}$  و  $v_2 = 2 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$  می باشد. دوره ی حرکت نوسانگر چند ثانیه است؟

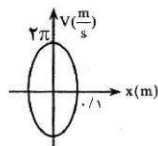
- (۱)  $2$   
(۲)  $4$   
(۳)  $2\pi$   
(۴)  $4\pi$



Zarfian

مثال ۱۱۷

نمودار سرعت - مکان یک نوسانگر ساده به صورت زیر است. دوره ی نوسان این نوسانگر، چند ثانیه است؟



- (۱)  $0.1$   
(۲)  $\frac{\sqrt{2} \cdot \pi}{10}$   
(۳)  $20\pi$   
(۴)  $10$

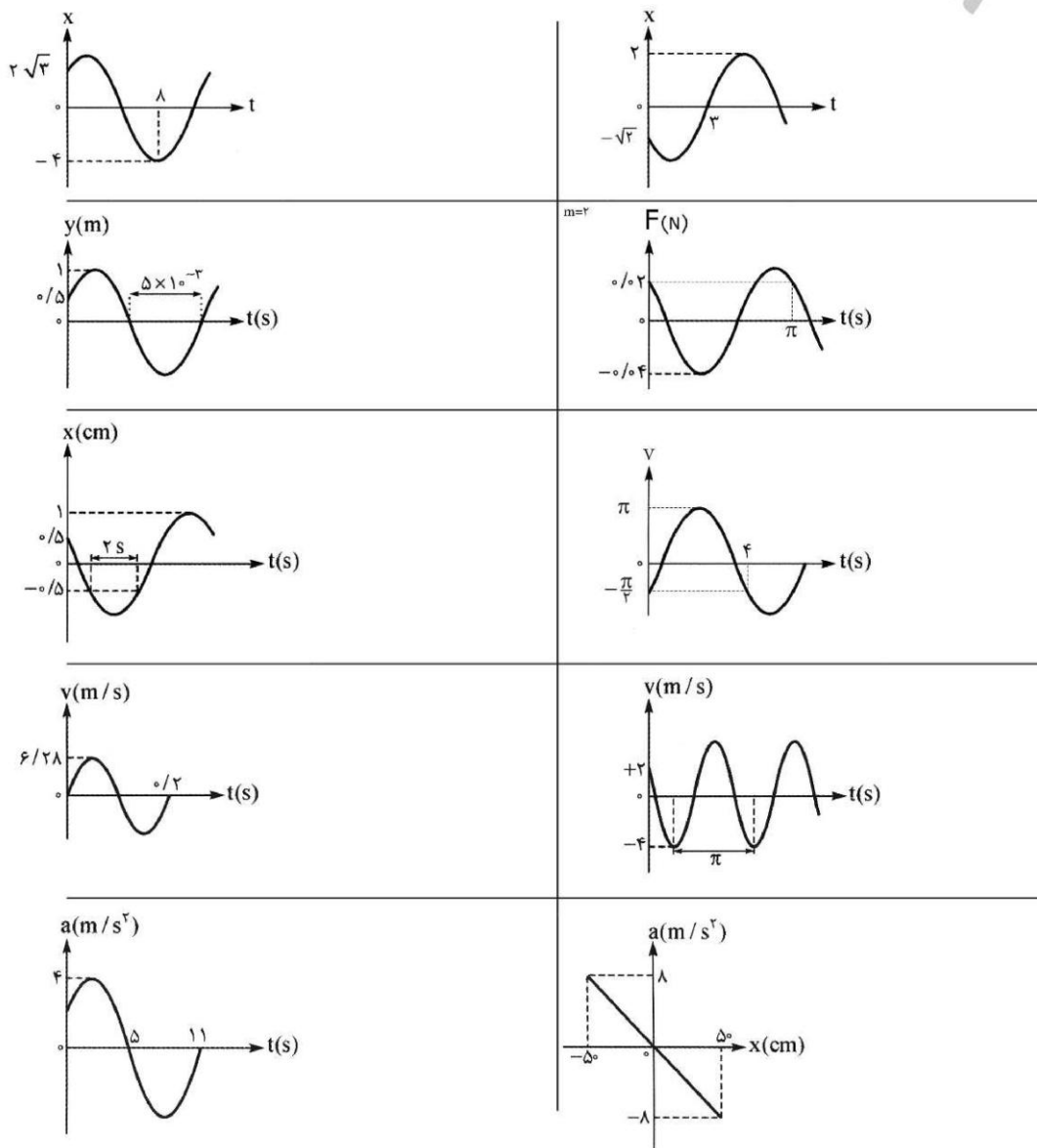
Zarfian



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
**نوسان**



در هر یک از نمودارهای زیر، فاز اولیه، سرعت زاویه ای ( $\omega$ ) و دامنه (A) را بیابید:



تست های سراسری ده سال اخیر:  
نوسان



۲۸ - نوسانگری در یک بُعد در لحظه  $t_1$  در مکان  $\frac{A}{\sqrt{2}}$  و در لحظه  $t_2 > t_1$  در مکان  $\frac{A}{3}$  قرار دارد. اندازه‌ی بیشترین سرعت متوسط نوسانگر در بازه‌ی  $t_1$  تا  $t_2$  کدام است؟ (A دامنه‌ی نوسان، T دوره‌ی حرکت و در  $t = 0$  نوسانگر در مبدأ مختصات است.)

۱) $\frac{A}{T}(\sqrt{2} + 1)$	۲) $\frac{A}{T}(\sqrt{2} - 1)$
۳) $\frac{A}{T}(\sqrt{2} + 1)$	۴) $\frac{A}{T}(\sqrt{2} - 1)$

۲۹ - معادله‌ی حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $y = 0.1 \sin(20\pi t + \frac{5\pi}{6})$  است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه پس از  $t = 0$ ، برای اولین بار اندازه‌ی شتاب نوسانگر به بیشترین مقدار خود می‌رسد؟

۱) $\frac{1}{15}$	۲) $\frac{1}{30}$
۳) $\frac{1}{60}$	۴) $\frac{1}{120}$

۳۰ - نوسانگری به جرم  $20\text{g}$  در هر دقیقه ۱۲۰ نوسان کامل انجام می‌دهد. اگر در هر دوره مسافت  $16\text{cm}$  را طی کند، بیشینه‌ی نیروی وارد بر نوسانگر چند نیوتون است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

۱) $0.64$	۲) $0.128$
۳) $0.256$	۴) $0.512$

۳۱ - معادله‌ی حرکت نوسانگر ساده‌ای در SI به صورت  $y = 0.3 \sin(4\pi t + \frac{\pi}{3})$  است. سرعت نوسانگر در لحظه‌ی  $t = 2\text{s}$  چند برابر بیشینه‌ی سرعت آن است؟

۱) ۱	۲) $\frac{1}{2}$
۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$	۴) $\frac{\sqrt{3}}{4}$

۳۲ - معادله‌ی سرعت - زمان نوسانگری در SI به صورت  $v = 0.2\pi \cos(10\pi t - \frac{\pi}{6})$  است. در بازه‌ی زمانی  $t = 0$  تا  $t = \frac{1}{12}\text{s}$  چند ثانیه حرکت نوسانگر کندشونده است؟

۱) $\frac{1}{15}$	۲) $\frac{1}{20}$
۳) $\frac{1}{30}$	۴) $\frac{1}{40}$

۳۳ - معادله‌ی نیرو - مکان نوسانگر ساده‌ای در SI به صورت  $F = -\pi^2 y$  است. اگر جرم نوسانگر  $10\text{g}$  باشد، این نوسانگر در هر دقیقه چند نوسان کامل انجام می‌دهد؟

۱) ۱۵۰	۲) ۲۰۰
۳) ۲۵۰	۴) ۳۰۰

۳۴ - معادله‌ی هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $y = A \sin(4\pi t + \frac{\pi}{3})$  است. در فاصله‌ی زمانی  $t = 0$  تا  $t = \frac{2}{3}\text{s}$  جهت حرکت نوسانگر چند بار عوض می‌شود؟

۱) ۱	۲) ۲
۳) ۳	۴) ۴



تست های سراسری ده سال اخیر:  
نوسان



۳۵ - معادله ی سرعت نوسانگر ساده ای در SI به صورت  $V = \Delta \sin(10\pi t)$  می باشد. در لحظه ای که سرعت نوسانگر  $m/s$   $+2/5$  است

۹۰ بزرگی شتاب نوسانگر چند  $m/s^2$  می باشد؟

(۱)  $5\pi$  (۲)  $25\pi\sqrt{3}$

(۳)  $10\pi\sqrt{3}$  (۴)  $25\pi$

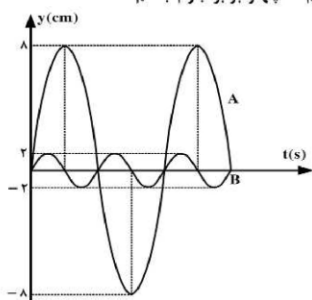
۳۶ - معادله ی سرعت مکان نوسانگر ساده ای در SI به صورت  $V^2 = 0.4 - 4000x^2$  است. بیشینه ی شتاب این نوسانگر چند متر بر

۹۱ مربع ثانیه است؟

(۱)  $0.04$  (۲)  $0.40$

(۳)  $4$  (۴)  $40$

۳۷ - با توجه به نمودار روبه رو که مربوط به مکان - زمان دو نوسان کننده ی A و B است و جرم جسم A چهار برابر جرم جسم B است. بیشینه ی نیروی وارد بر جسم A چند برابر بیشینه ی نیروی وارد بر جسم B است؟



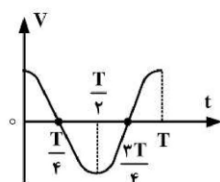
(۱)  $64$

(۲)  $1/4$

(۳)  $16$

(۴)  $4$

۳۸ - نمودار سرعت - زمان یک نوسانگر هماهنگ ساده مطابق شکل زیر است. بزرگی شتاب متوسط در کدام یک از بازه های زمانی نشان



۹۲ داده شده در شکل، برابر نیست؟

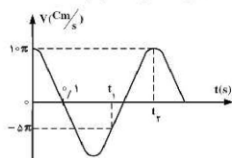
(۱)  $(\frac{T}{4} \text{ تا } \frac{T}{2})$  و  $(\frac{3T}{4} \text{ تا } T)$

(۲)  $(\frac{T}{4} \text{ تا } \frac{3T}{4})$  و  $(T \text{ تا } 0)$

(۳)  $(\frac{T}{2} \text{ تا } 0)$  و  $(T \text{ تا } \frac{T}{2})$

(۴)  $(\frac{T}{2} \text{ تا } 0)$  و  $(\frac{3T}{4} \text{ تا } \frac{T}{4})$

۳۹ - نمودار سرعت - زمان یک نوسانگر هماهنگ ساده، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$ ، سرعت متوسط نوسانگر چند



۹۳ سانتی متر بر ثانیه است؟

(۱)  $2.5\sqrt{3}$

(۲)  $2.5\pi$

(۳)  $7.5\pi$

(۴)  $7.5\sqrt{3}$

۴۰ - دامنه ی حرکت نوسانگر ساده ای که روی محور x حرکت می کند  $6\text{cm}$  و بسامد حرکتش  $10\text{Hz}$  است. اگر نوسانگر در لحظه ی  $t = 0$  در

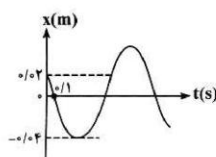
مکان  $x = -3\text{cm}$  بوده و سرعتش در آن لحظه منفی باشد، معادله ی مکان - زمان نوسانگر در SI کدام است؟

(۱)  $x = 6 \times 10^{-2} \sin(20\pi t + \frac{5\pi}{4})$  (۲)  $x = 6 \times 10^{-2} \sin(10\pi t - \frac{\pi}{4})$

(۳)  $x = 6 \times 10^{-2} \sin(10\pi t + \frac{4\pi}{3})$  (۴)  $x = 6 \times 10^{-2} \sin(20\pi t - \frac{5\pi}{6})$



تست های سراسری ده سال اخیر:  
نوسان



۴۱- نمودار مکان - زمان نوسانگر ساده ای مطابق شکل مقابل است. معادله ی حرکت آن در SI کدام است؟

۸۵  
(۱)  $x = 0.04 \sin\left(\frac{5\pi}{3}t + \frac{5\pi}{6}\right)$  (۲)  $x = 0.04 \sin\left(\frac{5\pi}{3}t + \frac{\pi}{6}\right)$

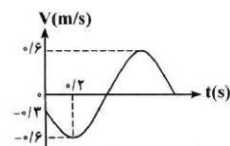
(۳)  $x = 0.04 \sin\left(\frac{5\pi}{4}t + \frac{5\pi}{6}\right)$  (۴)  $x = 0.04 \sin\left(\frac{5\pi}{4}t + \frac{\pi}{6}\right)$

۴۲- معادله ی حرکت هماهنگ ساده ای در SI به صورت  $x = 0.06 \sin\left(\frac{\pi}{3}t - \frac{\pi}{6}\right)$  است. این نوسانگر در فاصله ی زمانی  $0 < t < 3$  چند

۸۵  
سانتی متر مسافت را پیموده است؟

(۱) ۳ (۲) ۶

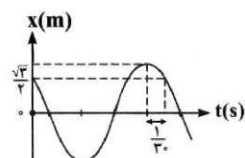
(۳) ۹ (۴) ۱۲



۴۳- نمودار سرعت - زمان نوسانگری مطابق شکل است. معادله ی سرعت - زمان نوسانگر در SI کدام است؟

۸۶  
(۱)  $V = 0.06 \cos\left(\frac{5\pi}{3}t + \frac{2\pi}{3}\right)$  (۲)  $V = 0.06 \cos\left(\frac{5\pi}{3}t + \frac{4\pi}{3}\right)$

(۳)  $V = 0.06 \cos\left(\frac{5\pi}{6}t + \frac{4\pi}{3}\right)$  (۴)  $V = 0.06 \cos\left(\frac{5\pi}{6}t + \frac{2\pi}{3}\right)$



۴۴- نمودار مکان - زمان نوسانگر ساده ای مطابق شکل مقابل است. دوره ی آن چند ثانیه است؟

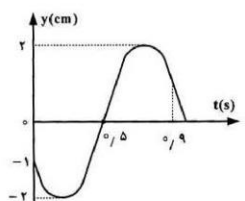
۸۸  
(۱) ۰.۱ (۲) ۰.۲

(۳) ۰.۳ (۴) ۰.۴

۴۵- ذره ای به جرم  $500 \text{ gm}$  روی پاره خطی به طول  $10 \text{ cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. اگر دوره ی نوسان  $\frac{1}{4}$  ثانیه باشد،

۹۱  
بیشینه ی نیروی وارد بر نوسانگر چند نیوتون است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

(۱) ۴ (۲) ۲ (۳) ۱ (۴)  $\frac{1}{3}$



۴۶- نمودار مکان - زمان نوسانگری مطابق شکل است. سرعت متوسط آن در فاصله ی زمانی بین

۹۱  
 $t = 0$  تا  $t = 0.9\text{s}$  چند سانتی متر بر ثانیه است؟

( $\sqrt{2} = 1.4$  و  $\sqrt{3} = 1.7$ )

(۱) ۲ (۲) ۳

(۳) ۴ (۴) ۶

۴۷- دوره ی نوسانگر ساده ای  $\frac{\pi}{50}$  ثانیه و دامنه ی آن ۲ سانتی متر است. در لحظه ای که نوسانگر به اندازه ی  $\sqrt{3} \text{ cm}$  از وضع تعادل دور

۹۲  
شده است، بزرگی سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۱۰ (۴) ۲۰



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



دفعات مرور این بخش: ( / / ) ۳-۲ ( / / ) ۳-۱  
( / / ) ۳-۴ ( / / ) ۳-۳



## دستگاه جرم و فنر افقی

در مبحث دینامیک راجع به نیروی کشسانی فنر و قانون هوک چیزهایی یاد گرفته اید. به شکل بنگرید. اگر دستگاه جرم و فنر به فاصله  $x$  از وضعیت تعادلش باشد، نیروی کشسانی فنر  $F$  خواهد بود (یعنی  $F$  تابعی از  $x$  است).

$$F = -kx$$

قانون هوک:

$k$  ثابت فنر و علامت منفی نشانه‌ی بازگرداندنده بودن نیروی  $F$  است (یعنی نیروی  $F$  بدون توجه به جهت حرکت دستگاه همواره به طرف مبدأ می‌باشد).

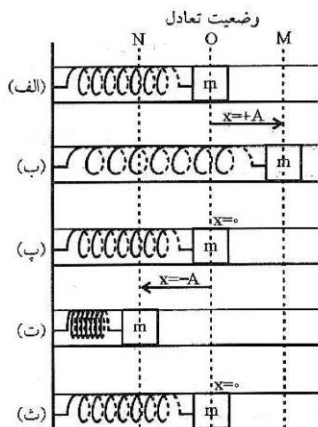
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حرکت دستگاه جرم - فنر، یک حرکت هماهنگ ساده است.

بسامه و دوره‌ی نوسان دستگاه جرم و فنر را نیز می‌توان بر حسب ثابت فنر و جرم وزنه‌ی متصل به فنر نوشت:

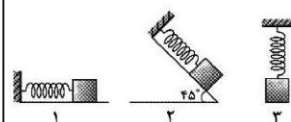
$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

در فنر،  $\omega, T, f$  نقطه تابع  $k, m$  است. دامنه کامل اختیار است.



## مثال

اگر در شکل‌های مقابل از مقاومت هوا و اصطکاک سطح چشم‌پوشی کنیم، کدام گزینه درست است؟



$$f_1 = f_2 = f_3 \quad (1)$$

$$f_1 < f_2 < f_3 \quad (2)$$

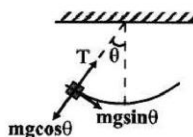
$$f_1 > f_2 > f_3 \quad (3)$$

(4) هر سه گزینه می‌تواند درست باشد.

Zarifian

## آونگ ساده

گلوله‌ای کوچک و سنگین به جرم  $m$  که به انتهای نخ‌ی سبک به طول  $L$  بسته شده و در راستای قائم یا دامنه‌ی کم به نوسان در می‌آید را آونگ ساده می‌نامیم. مؤلفه‌ی نیروی وزن در امتداد مماس بر مسیر نوسان ( $mg \sin \theta$ ) همان نیروی بازگرداندنده در این حرکت نوسانی می‌باشد.



$$(نیروی بازگرداندنده) = mg \sin \theta$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \begin{cases} T \propto \sqrt{l} \\ T \propto \frac{1}{\sqrt{g}} \end{cases} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{l'}{l} \times \frac{g}{g'}}$$

در آونگ،  $\omega, T, f$  نقطه تابع  $l, g$  است. و به جرم کوپنده به کوئنت ارتباط ندارد.



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مث ۱۴۸

اگر جرم گلوله و طول نخ آونگ ساده هر کدام ۲ برابر شود، دوره ی آونگ چند برابر می شود؟

- (۱)  $\sqrt{2}$  (۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$   
(۳) ۲ (۴) ۴

Zarfian

مث ۱۴۹

طول آونگ A چهار برابر طول آونگ B و جرم گلوله ای A نه برابر جرم گلوله ی B است. در مدتی که A تعداد ۱۵۰ نوسان انجام می دهد، آونگ B چند نوسان انجام می دهد؟

- (۱) ۷۵ (۲) ۲۵  
(۳) ۱۰۰ (۴) ۳۰۰

Zarfian

مث ۱۵۰

بیشینه ی سرعت آونگ ساده ای  $\frac{\sqrt{2} \text{ m}}{s}$  و بیشینه شتاب آن  $\frac{2 \text{ m}}{s^2}$  است. طول آونگ چند متر است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{s^2}$ )

- (۱) ۱ (۲) ۲  
(۳) ۴ (۴) ۵

Zarfian

مث ۱۵۱

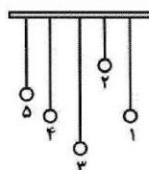
دو آونگ A و B هم زمان به نوسان در می آیند. در مدتی که آونگ A، ۴ نوسان انجام می دهد، آونگ B، ۵ نوسان انجام می دهد. اگر اختلاف طول دو آونگ ۱۸ cm باشد، طول آونگ B چقدر است؟

- (۱) ۱۸ (۲) ۳۲  
(۳) ۵۰ (۴) ۶۸

Zarfian

مث ۱۵۲

در شکل مقابل، به میله ی افقی، آونگ های ساده با جرم های یکسان و طول های متفاوت آویخته ایم، به طوری که طول آونگ های ۱ و ۴ با هم مساوی اند. با به نوسان در آوردن آونگ ۱، چه اتفاقی می افتد؟



- (۱) فقط آونگ ۴ در اثر پدیده ی تشدید نوسان می کند.  
(۲) همه ی آونگ ها شروع به نوسان می کنند و دوره ی نوسان آن ها با هم برابر است.  
(۳) آونگ ۴ ساکن می ماند و بقیه ی آونگ ها شروع به نوسان می کنند.  
(۴) به همه ی آونگ ها انرژی منتقل می شود، ولی بیشترین انرژی در حالت تشدید به آونگ ۴ منتقل می شود.

Zarfian



خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



مث ۱۵۳ ال

آونگ ساده ای در استوا در سطح تراز دریا دارای دوره ی T است. آن را به عرض  $60^\circ$  جغرافیایی (در سطح تراز دریا) می بریم. دوره ی نوسانات آن چه تغییری می کند؟

- (۱) تغییر نمی کند. (۲) اندکی کاهش می یابد.  
(۳) اندکی افزایش می یابد. (۴) هر سه حالت ممکن است رخ دهد.

Zarfifian

مث ۱۵۴ ال

دوره ی آونگ ساده ای T است. اگر آن را در اسانسوری که با شتاب  $\frac{g}{3}$  با حرکت تندشونده رو به پایین در حال حرکت است بیاویزیم، دوره ی آن چند T می شود؟

- (۱)  $\frac{2}{3}$  (۲)  $\frac{3}{2}$   
(۳)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$  (۴)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$

Zarfifian

مث ۱۵۵ ال

آونگ A با دوره ی  $\frac{1}{8}s$  و آونگ B با دوره ی  $\frac{2}{5}s$  هم زمان با هم به نوسان درمی آوریم. پس از چه مدتی یکی از آن ها سه نوسان از دیگری جلو می افتد؟

- (۱)  $54s$  (۲)  $27s$   
(۳)  $6s$  (۴)  $0.6s$

Zarfifian

مث ۱۵۶ ال

یک ساعت آونگ دار را به سطح کروی ماه می بریم. دوره ی چرخش عقربه دقیقه شمار آن به کدام گزینه نزدیک است؟ (شتاب گرانش در سطح ماه  $\frac{1}{6}$  شتاب گرانش در سطح زمین است.)

- (۱)  $60$  دقیقه (۲)  $147$  دقیقه  
(۳)  $120$  دقیقه (۴)  $360$  دقیقه

Zarfifian

مث ۱۵۷ ال

آونگی روی محور X تحت تاثیر نیروی  $F = -0.32x$  (در SI) نوسان می کند و جرم گلوله ی آن  $20$  گرم است. اگر دامنه ی نوسان  $2$  cm باشد، بیشینه ی سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟

- (۱)  $0.4$  (۲)  $0.8$   
(۳)  $0.16$  (۴)  $0.32$

Zarfifian

مث ۱۵۸ ال

معادله ی حرکت یک آونگ ساده در SI به صورت  $x = 0.02 \sin \pi t$  است. اگر طول آونگ را به  $\frac{1}{4}$  طول اولیه اش برسانیم، معادله ی حرکت هماهنگ ساده ی آن با همان دامنه در SI، کدام خواهد بود؟

- (۱)  $x = 0.02 \sin \frac{\pi}{4} t$  (۲)  $x = 0.02 \sin \frac{\pi}{2} t$   
(۳)  $x = 0.02 \sin 2\pi t$  (۴)  $x = 0.02 \sin 4\pi t$

Zarfifian





خلاصه درس و مثال های آموزشی:  
نوسان



### انرژی نوسانگر

دستگاه جرم و فنری که ثابت فنر آن  $k$  و جرم آن  $m$  می باشد بر روی محور افقی در حال نوسان است. اگر مکان نوسانگر نسبت به وضع تعادلش (یعنی بعدش) را  $x$  بنامیم، انرژی پتانسیل آن به صورت زیر خواهد بود:

$$K = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2$$

$$U = \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} k A^2$$

انرژی پتانسیل نوسانگر را تا همین جا داشته باشید. تا برویم سراغ انرژی جنبشی آن:

نوبتی هم باشد، نوبت انرژی مکانیکی (یعنی انرژی جنبشی + پتانسیل) است:

$$E = K + U = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0) + \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \sin^2(\omega t + \varphi_0) \Rightarrow E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 [\cos^2(\omega t + \varphi_0) + \sin^2(\omega t + \varphi_0)]$$

$$K \propto \cos^2 \quad U \propto \sin^2$$

با این حساب داریم:

(۱) انرژی مکانیکی یک نوسانگر ساده همواره مقدار ثابتی است.

(۲) از رابطه  $E = K + U$  و رابطه درمی یابیم هرگاه انرژی جنبشی بیشینه است، انرژی پتانسیل صفر است و هرگاه انرژی پتانسیل بیشینه است، انرژی جنبشی صفر است.

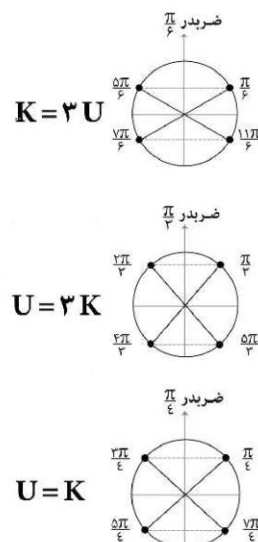
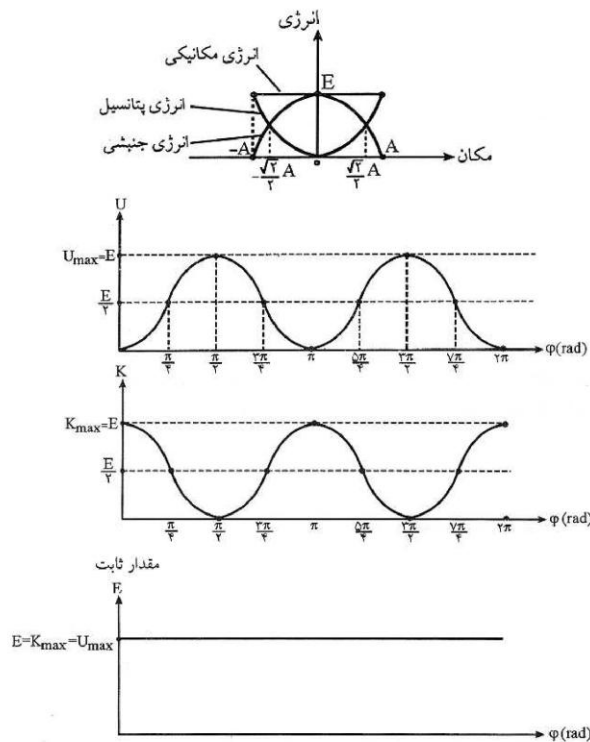
(۳) انرژی مکانیکی با مجذور دامنه و مجذور بسامد متناسب است:

$$E \propto A^2, \quad E \propto f^2$$

### مقدارهای انرژی

نسبت انرژی ها بر حسب مکان و فاز نوسانگر

	فازی	مکانی
انرژی جنبشی K	$\cos^2$	$A^2 - x^2$
انرژی پتانسیل U	$\sin^2$	$x^2$
انرژی مکانیکی E	$A^2$	$A^2$





مثال ۱۸۹

در یک حرکت هماهنگ ساده در لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر  $\frac{3}{4}$  انرژی نوسانگر است، فاز حرکت نوسانگر چند رادیان است؟

- (۱)  $\frac{5\pi}{6}$   
(۲)  $-\frac{\pi}{6}$   
(۳)  $\frac{7\pi}{6}$   
(۴) همهی موارد

Garifian

مثال ۱۹۰

انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگری به جرم ۲ گرم در یک نقطه از مسیر به ترتیب  $10^{-3}$  ژول و  $3 \times 10^{-3}$  ژول است. اگر دامنه‌ی حرکت ۱۰ Cm باشد، بسامد زاویه‌ای نوسانگر چند  $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$  است؟

- (۱) ۶۰  
(۲) ۲۰  
(۳) ۱۶  
(۴) ۱۰

Garifian

مثال ۱۹۱

در فاصله‌ی زمانی که فاز نوسانگر ساده از  $\frac{\pi}{6}$  به  $\frac{4\pi}{3}$  برسد، چند مرتبه انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل نوسانگر با هم برابر می‌شود؟

- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴

Garifian

مثال ۱۹۲

معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای به صورت  $x = 0.02 \sin 5.0 \pi t$  است. دوره‌ی تغییرات انرژی جنبشی آن چند ثانیه است؟

- (۱)  $\frac{1}{100}$   
(۲)  $\frac{1}{50}$   
(۳)  $\frac{1}{200}$   
(۴)  $\frac{1}{10}$

Garifian



مثال ۱۹۳

در یک حرکت هماهنگ ساده در لحظه‌ای که انرژی پتانسیل نوسانگر نصف انرژی جنبشی آن است. مکان نوسانگر چه کسری از دامنه است؟

- (۱)  $\frac{1}{3}$   
(۲)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$   
(۳)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$   
(۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Garifian

مثال ۱۹۴

در یک حرکت هماهنگ ساده، در لحظه‌ای که فاصله‌ی نوسانگر از یک انتهای مسیر  $\frac{1}{3}$  دامنه است. انرژی پتانسیل آن  $\frac{1}{8}$  ژول است. انرژی جنبشی نوسانگر در مرکز نوسان چند ژول است؟

- (۱)  $\frac{1}{2}$   
(۲)  $\frac{2}{4}$   
(۳)  $\frac{1}{8}$   
(۴)  $\frac{7}{2}$

Garifian





مش ۶۵

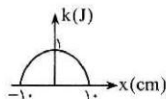
در حرکت هماهنگ ساده، از لحظه‌ای که انرژی جنبشی نصف انرژی مکانیکی است، بیشینه زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر برای نخستین بار از مرکز نوسان بگذرد چه کسری از دوره (T) است؟

- (۱)  $\frac{3T}{8}$  (۲)  $\frac{T}{3}$   
(۳)  $\frac{T}{8}$  (۴)  $\frac{3T}{4}$

Garifian

مش ۶۶

نمودار انرژی جنبشی بر حسب مکان نوسانگر ساده‌ای به جرم ۲۰ گرم مطابق شکل است. بسامد زاویه‌ای این نوسانگر چند  $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$  است؟

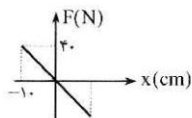


- (۱)  $1.0^2$  (۲)  $1.0^2$   
(۳)  $1.0$  (۴)  $1$

Garifian

مش ۶۷

نمودار نیروی وارد بر نوسانگر ساده‌ای به جرم ۱۰۰ گرم بر حسب بعد آن مطابق شکل روبرو است. انرژی پتانسیل نوسانگر در مکان  $x = 1.0 \text{ cm}$  چند ژول است؟



- (۱) ۲ (۲) ۴  
(۳) ۲۰۰ (۴) ۳۰۰

Garifian

مش ۶۸

وزنه‌ای به جرم m در راستای قائم به فتری اویزان و با دامنه‌ی A نوسان می‌کند. اگر وزنه‌ی ۲m را به جای وزنه m به همان فنر متصل کرده و آن را با همان دامنه نوسان در آوریم، انرژی مکانیکی آن چند برابر می‌شود؟

- (۱) ۱ (۲) ۲  
(۳) ۴ (۴) ۸

Garifian



مش ۶۹

معادله سرعت- زمان یک حرکت هماهنگ ساده به صورت  $v = v_m \cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$  است. در چه لحظه‌ای پس از  $t = 0$  برای نخستین بار انرژی جنبشی آن سه برابر انرژی پتانسیلش می‌شود؟

- (۱)  $\frac{1}{6}$  (۲)  $\frac{1}{10}$   
(۳)  $\frac{1}{3}$  (۴)  $\frac{1}{5}$

Garifian

مش ۷۰

در مدتی که حرکت نوسانگر هماهنگ ساده کند می‌شود، کدام کمیت وابسته به آن افزایش می‌یابد؟

- (۱) فاصله از وضع تعادل (۲) اندازه‌ی شتاب  
(۳) انرژی پتانسیل (۴) هر سه کمیت عنوان شده در گزینه‌های قبلی

Garifian



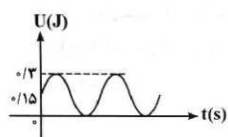
برای بازدید از سایت همکلاسی (Hamkelasi.ir) روی همین کادر کلیک کنید

استاد: استاد نوید ظریفیان

مبحث: درسامه تفصیلی فیزیک چهارم حرکت نوسانی

پادشاه [www.phy99.com](http://www.phy99.com)  
نوسان





۷۱ - نمودار انرژی پتانسیل بر حسب زمان یک نوسانگر ساده مطابق شکل است. فاز اولیه ی حرکت بر حسب رادیان، کدامیک از مقادیر زیر می تواند باشد؟

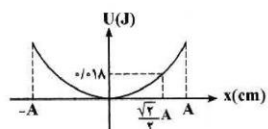
- ۱)  $-\frac{\pi}{4}$       ۲)  $\frac{3\pi}{4}$   
۳)  $\frac{5\pi}{4}$       ۴)  $\frac{\pi}{6}$

۸۳  
رشته رادیان

۷۲ - انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگری ساده در یک لحظه ی معین به ترتیب برابر  $0.12J$  و  $0.06J$  است. اگر جرم نوسانگر،  $10g$  و دامنه ی حرکت  $4cm$  باشد، دوره ی حرکت چند ثانیه است؟

- ۱)  $300\pi$       ۲)  $\frac{4\pi}{3}$   
۳)  $\frac{\pi}{75}$       ۴)  $\frac{4\pi}{3\sqrt{10}}$

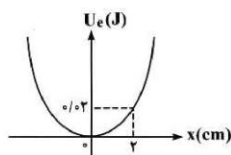
۸۴



۷۳ - نمودار انرژی پتانسیل بر حسب مکان نوسانگر ساده ای مطابق شکل است. انرژی مکانیکی نوسانگر چند ژول است؟

- ۱)  $0.24$       ۲)  $0.36$   
۳)  $0.18\sqrt{2}$       ۴)  $0.18\sqrt{3}$

۸۶



۷۴ - نمودار انرژی پتانسیل - مکان نوسانگری به جرم  $400g$  گرم مطابق شکل است. دوره ی حرکت نوسانگر چند ثانیه است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

- ۱)  $0.2$       ۲)  $0.4$   
۳)  $2$       ۴)  $4$

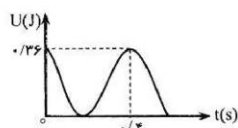
۸۷

۷۵ - معادله ی حرکت متحرکی به جرم  $50g$  در SI به صورت  $x = 0.04\sin(10t + \frac{2\pi}{3})$  است. انرژی جنبشی متحرک در لحظه ی  $t = \frac{\pi}{3}s$  چند ژول است؟

- ۱)  $0.001$       ۲)  $0.010$   
۳)  $0.200$       ۴)  $0.200$

۸۸

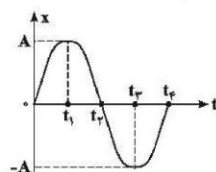
۷۶ - نمودار انرژی پتانسیل کشسانی یک نوسانگر ساده مطابق شکل روبه رو است. در لحظه ی  $t = 0.1s$ ، انرژی جنبشی نوسانگر چند ژول است؟



- ۱) صفر      ۲)  $0.09$   
۳)  $0.18$       ۴)  $0.36$

۸۹

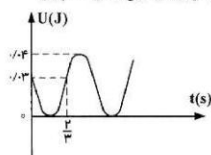
۷۷ - شکل مقابل نمودار مکان - زمان یک نوسانگر ساده است. در کدام بازه ی زمانی انرژی پتانسیل کشسانی رو به افزایش است و شتاب نوسانگر منفی است؟



- ۱) صفر تا  $t_1$       ۲)  $t_4$  تا  $t_2$   
۳)  $t_4$  تا  $t_1$       ۴)  $t_3$  تا  $t_2$

۹۰

۷۸ - شکل روبه‌رو، نمودار انرژی پتانسیل کشسانی یک نوسانگر ساده است. چند ثانیه پس از لحظه‌ی  $t=0$ ، برای اولین بار، انرژی جنبشی نوسانگر برابر  $0.2$  ژول می‌شود؟



- ۹۱
- (۱)  $\frac{1}{12}$  (۲)  $\frac{1}{6}$   
(۳)  $\frac{7}{12}$  (۴)  $\frac{7}{6}$

۷۹ - آونگ ساده‌ای به طول یک متر، در محلی که شتاب گرانش زمین در SI برابر  $g=\pi^2$  است، نوساناتی کم دامنه انجام می‌دهد. گلوله‌ی این آونگ در هر دقیقه چند نوسان کامل انجام می‌دهد؟

- ۹۱
- (۱) ۳۰ (۲) ۴۰  
(۳) ۶۰ (۴) ۱۲۰

۸۰ - معادله‌ی حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت  $x = 0.4 \sin(10\pi t)$  است. اگر جرم نوسانگر  $200$  گرم باشد، معادله‌ی انرژی پتانسیل - زمان آن در SI، کدام است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

- ۹۲
- (۱)  $u_e = 0.4 \sin^2(10\pi t)$  (۲)  $u_e = 0.4 \cos^2(10\pi t)$   
(۳)  $u_e = 0.16 \sin^2(10\pi t)$  (۴)  $u_e = 0.16 \cos^2(10\pi t)$

۸۱ - نوسانگر وزنه - فنر، روی سطح افقی بدون اصطکاک، با دامنه  $A_1$  و بسامد  $f_1$  نوسان می‌کند. در لحظه‌ای که نوسانگر در بیشترین فاصله از مرکز نوسان قرار دارد، جرم وزنه، کنده شده و جدا می‌شود و جرم باقی‌مانده متصل به همان فنر به نوسان ادامه می‌دهد. اگر در این حالت بسامد،  $f_2$  و دامنه،  $A_2$  باشد، نسبت‌های  $\frac{f_2}{f_1}$  و  $\frac{A_2}{A_1}$  به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟

- ۹۳
- (۱) ۱ و ۱ (۲) ۲ و ۱ (۳) ۱ و ۲ (۴) ۲ و ۲

۸۲ - نوسانگری به انتهای فنر سبکی با ثابت  $100 \frac{N}{m}$  بسته شده و با دامنه‌ی  $4 \text{ cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. انرژی جنبشی آن در لحظه‌ای که از مبدأ نوسان می‌گذرد، چند ژول است؟

- ۸۴
- (۱) ۰.۰۶ (۲) ۰.۰۸  
(۳) ۰.۱۲ (۴) ۰.۱۶

۸۳ - دامنه‌ی حرکت نوسانگر وزنه - فنر  $5 \text{ cm}$  است. اگر جرم وزنه  $200$  گرم و ثابت فنر  $200 \text{ N/m}$  باشد، انرژی کل نوسانگر چند ژول است؟

- ۸۷
- (۱) ۰.۲۵ (۲) ۰.۲۵  
(۳) ۵ (۴) ۵۰

۸۴ - معادله‌ی حرکت هماهنگ ساده‌ی یک نوسانگر در SI به صورت  $x = 0.02 \sin(20\pi t + \frac{2\pi}{3})$  است. در چند سانتی‌متری مبدأ، انرژی جنبشی نوسانگر برابر با انرژی پتانسیل آن است؟

- ۹۲
- (۱) ۱ (۲) ۲  
(۳)  $\sqrt{3}$  (۴)  $\sqrt{3}$

۸۵ - A دامنه و x مکان یک نوسانگر است. در لحظه ای که  $x = A$  است، انرژی پتانسیل نوسانگر  $0.36 \text{ J}$  است. اگر  $x = \frac{\sqrt{3}}{2} A$  شود،

انرژی جنبشی نوسانگر چند ژول می شود؟

۱)  $0.06$  (۱)

۲)  $0.09$  (۲)

۳)  $0.18$  (۳)

۴)  $0.27$  (۴)

۸۶ - اگر E و m به ترتیب انرژی مکانیکی و جرم یک نوسانگر ساده باشند، سرعت نوسانگر در لحظه عبور از نقطه ای تعادل برابر با کدام

است؟ (کمیت ها در SI است.)

۱)  $\left(\frac{2E}{m}\right)^{\frac{1}{2}}$  (۱)

۲)  $\frac{E}{2m^{\frac{1}{2}}}$  (۲)

۳)  $\frac{2E}{m^{\frac{1}{2}}}$  (۳)

۴)  $\left(\frac{E}{2m}\right)^{\frac{1}{2}}$  (۴)

۸۷ - معادله ی شتاب - زمان نوسانگر ساده ای در SI به صورت  $a = -2\pi^2 \sin(10\pi t)$  است. در لحظه ای  $t = \frac{1}{4} \text{ s}$ ، انرژی جنبشی

نوسانگر چند برابر انرژی پتانسیل کشسانی آن است؟

۱) ۱ (۱)

۲) ۳ (۲)

۳)  $\frac{1}{2}$  (۳)

۴)  $\frac{1}{3}$  (۴)

۸۸ - دامنه ی یک نوسانگر وزنه - فنر  $4 \text{ cm}$  است. اگر جرم وزنه  $80 \text{ g}$  و ثابت فنر  $200 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  باشد، در لحظه ای که مکان نوسانگر

$-2 \text{ cm}$  است، شتاب نوسانگر چند متر بر مربع ثانیه است؟

۱)  $150$  (۱)

۲)  $75$  (۲)

۳)  $50$  (۳)

۴)  $25$  (۴)

۸۹ - شکل روبه رو، نمودار مکان - زمان دو نوسانگر A و B را نشان می دهد. اگر جرم نوسانگر B، پنج برابر جرم نوسانگر A باشد، انرژی

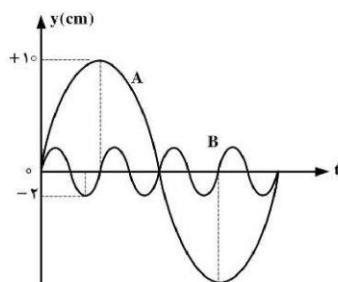
مکانیکی نوسانگر A چند برابر انرژی مکانیکی نوسانگر B است؟

۱)  $\frac{5}{16}$  (۱)

۲)  $\frac{16}{5}$  (۲)

۳)  $\frac{5}{9}$  (۳)

۴)  $\frac{16}{25}$  (۴)





۹۰- معادله‌ی سرعت - مکان نوسانگری در SI به صورت  $1 = 25 \times 10^3 x^2 + \frac{25}{\pi^2} v^2$  است. بسامد نوسان چند

هرتز است؟

- (۱)  $\frac{1}{2}$  (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۵

۹۱- دوره نوسان آونگ ساده‌ای در یک مکان معین، برابر ۲ ثانیه است و در مدت  $\frac{2}{6}$  دقیقه N نوسان کامل انجام می‌دهد، طول آونگ را چند درصد کاهش یا افزایش دهیم تا در همان مدت و در همان مکان،  $N - 18$  نوسان کامل انجام دهد؟

- (۱) ۶۹ درصد کاهش (۲) ۶۹ درصد افزایش (۳) ۳۱ درصد کاهش (۴) ۳۱ درصد افزایش

۹۲- معادله انرژی جنبشی - مکان یک نوسانگر که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، در SI به صورت

$$k = 400x^2 - 0.16x$$

دامنه حرکت نوسانگر چند سانتی‌متر است؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۸ (۴) ۱۶

۹۳- نوسانگری روی پاره‌خطی به طول ۱۲ سانتی‌متر حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. این نوسانگر دو جابه‌جایی مساوی و متوالی را بدون تغییر جهت انجام می‌دهد که مجموع آنها برابر دامنه نوسان است. اگر هر یک از این جابه‌جایی‌ها در مدت  $0.4\pi$  ثانیه انجام شود، بیشینه سرعت این نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )

- (۱) صفر (۲)  $\frac{4}{3}$  (۳)  $\frac{3}{4}$  (۴)  $\frac{3}{2}$



برای بازدید از سایت همکلاسی (Hamkelasi.ir) روی همین کادر کلیک کنید

استاد : استاد نوید ظریفیان

مبحث : درسامه تفصیلی فیزیک چهارم حرکت نوسانی

پادشاه [www.phy99.com](http://www.phy99.com)  
نوسان



برای بازدید از سایت همکلاسی ([Hamkelasi.ir](http://Hamkelasi.ir)) روی همین کادر کلیک کنید

استاد : استاد نوید ظریفیان

مبحث : درسامه تفصیلی فیزیک چهارم حرکت نوسانی